

NOM : Prénom : Classe :

Observations :

Corrigé

20

Date :

1) Résoudre les équations suivantes :

$$-3x - 4 = -2x + 8$$

$$-2x + 3x = -4 - 8 \Rightarrow x = -12 ; S = \{-12\}$$

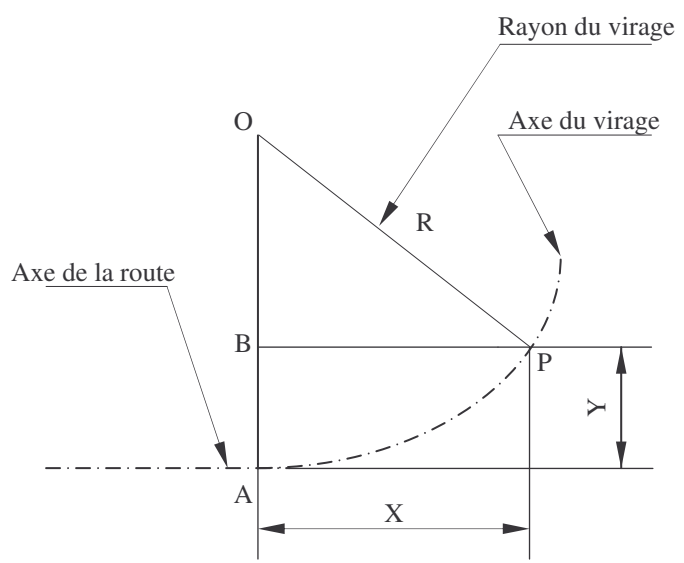
$$\frac{3}{4}x - 4 = \frac{1}{3}x + 8$$

$$\frac{3}{4}x - \frac{1}{3}x = 8 + 4 \Rightarrow \frac{9}{12}x - \frac{4}{12}x = 12 \Rightarrow \frac{5}{12}x = 12 \Rightarrow x = \frac{144}{5} = 28,8 ; S = \{\frac{144}{5}\}$$

$$2t + 3 + 3t - 4 + 7t + t = 5 - 2t + 8 - 3t - 1$$

$$2t + 3t + 7t + t + 2t + 3t = 5 + 8 - 1 - 3 + 4 \Rightarrow 18t = 13 \Rightarrow t = \frac{13}{18} ; S = \{\frac{13}{18}\}$$

2) On désire effectuer le tracé réel du virage d'une route en forme d'arc de cercle. Pour cela il faut déterminer la position successive des points P définis par leurs coordonnées X et Y, comme l'indique la figure suivante.



1) A quelle longueur connue correspond le segment OA ?

$$OA = R$$

2) Exprimer la longueur du segment OB en fonction de R et de Y.

$$OB = OA - AB \Rightarrow OB = R - Y$$

3) Appliquer le théorème de Pythagore au triangle rectangle OBP pour déterminer l'expression de OB en fonction de X et R.

$$OP^2 = OB^2 + BP^2 \Rightarrow R^2 = OB^2 + X^2 \Rightarrow OB^2 = R^2 - X^2 \Rightarrow OB = \sqrt{R^2 - X^2}$$

4) Utilisez les réponses aux questions 2 et 3 pour exprimer Y en fonction de X et de R.

$$\begin{cases} OB = R - Y \\ OB = \sqrt{R^2 - X^2} \end{cases} \Rightarrow R - Y = \sqrt{R^2 - X^2} \Rightarrow Y = R - \sqrt{R^2 - X^2}$$

5) Calculer la valeur de Y, à 0,01 mètre près, en utilisant l'expression précédente et en prenant pour valeurs : X = 10 mètres et R = 100 mètres.

$$Y = R - \sqrt{R^2 - X^2} = 100 - \sqrt{100^2 - 10^2} = 100 - \sqrt{9900} = 100 - 99,49 \approx \mathbf{0,5 \text{ m}}$$

3) Résoudre le système de deux équations d'inconnues x et y.

$$\begin{cases} y = x + 600 & \textcircled{1} \\ y = 0,5x + 675 & \textcircled{2} \end{cases}$$

Corrigé

Dans $\textcircled{2}$: $x + 600 = 0,5x + 675 \Rightarrow x - 0,5x = 675 - 600 \Rightarrow 0,5x = 75 \Rightarrow x = \frac{75}{0,5} = 150$

Dans $\textcircled{1}$: $y = 150 + 600 = 750$

Solution : (x = 150 ; y = 750)

4) Résoudre les inéquations suivantes et donner les solutions sous forme d'intervalles

<p>1) $12 + x < 30 - 2x$ $x + 2x < 30 - 12$ $3x < 18$ $x < 6$ $x \in]-\infty ; 6[$</p>	<p>2) $4x - 8 > 9x + 7$ $4x - 9x > 7 + 8$ $-5x > 15$ $5x < -15$ $x < -3$ $x \in]-\infty ; -3[$</p>	<p>3) $\frac{3}{2}x + 9 \geq 0$ $\frac{3}{2}x \geq -9$ $x \geq \frac{-9}{\frac{3}{2}}$ $x \geq -6$ $x \in [-6 ; +\infty[$</p>
<p>4) $2(x - 3) + 3(x - 6) + 6(x + 4) \leq 0$ $2x - 6 + 3x - 18 + 6x + 24 \leq 0$ $12x \leq 0$ $x \leq 0$ $x \in]-\infty ; 0]$</p>		

5) Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

$$-x^2 + x + 1 = 0$$

$$a = -1 ; b = 1 ; c = 1$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 1^2 - 4 \times (-1) \times 1 = 1 + 4 = 5$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_1 = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2 \times (-1)} \Rightarrow x_1 = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} \approx -0,618$$

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_2 = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2 \times (-1)} \Rightarrow x_2 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \approx 1,618$$

$$S = \{-0,618 ; 1,618\}$$

$$4x^2 - 11x - 3 = 0$$

$$a = 4 ; b = -11 ; c = -3$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-11)^2 - 4 \times 4 \times (-3) = 121 + 48 = 169 = 13^2$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_1 = \frac{11 + 13}{2 \times 4} = \frac{24}{8} = 3$$

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \Rightarrow x_2 = \frac{11 - 13}{2 \times 4} = \frac{-2}{8} = \frac{-1}{4} = -0,25$$

$$S = \{-0,25 ; 3\}$$

Corrigé

6) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation suivante :

$$-x^2 + 8x - 16 > 0$$

On résout d'abord $-x^2 + 8x - 16 = 0$

$$a = -1 ; b = 8 ; c = -16$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 8^2 - 4 \times (-1) \times (-16) = 64 - 64 = 0$$

$$x_0 = \frac{-b}{2a} = \frac{-8}{2 \times (-1)} = 4$$

On factorise $-x^2 + 8x - 16$

$$-x^2 + 8x - 16 = (-1)(x - 4)^2$$

x	$-\infty$	4	$+\infty$
$(x - 4)$	$-$	0	$+$
$(x - 4)^2$	$+$	0	$+$
$-x^2 + 8x - 16$ $(-1)(x - 4)^2$	$-$	0	$-$

$-x^2 + 8x - 16$ est toujours négatif.

$-x^2 + 8x - 16 > 0$ n'admet pas de solution : $S = \emptyset$